

Pisa, 3 Dicembre 1901

Egregio Professore,

La proprietà da lei osservata non si trova forse esplicitamente enunciata. Si può però considerare come nota, e contenuta implicitamente nella proprietà delle curve della congruenza W . A me appunto accade, parecchi anni sono, di osservarla come conseguenza del teorema al § 168 (pag. 300) delle mie lezioni. È invero se S_1, S_2 sono le due falde della congruenza W , nella corrispondente deformazione infinitesima della S_1 , i punti si spostano normalmente al piano tangente di S_2 , che è appunto il piano osculatore delle

linee caustiche su S , cioè delle involuppa:

to dei raggi della congruenza W .

La dimostrazione che ella ne dà è pur
certamente più semplice e diretta ed io
mi prepongo, col S. lei permesso, di inserir-
la nel secondo volume delle nuove lezioni
di S. geometria differenziale che sto pubbli-
cando.

Con cordiali saluti e coi voti della più
alta stima

Il suo

L. Bianchi