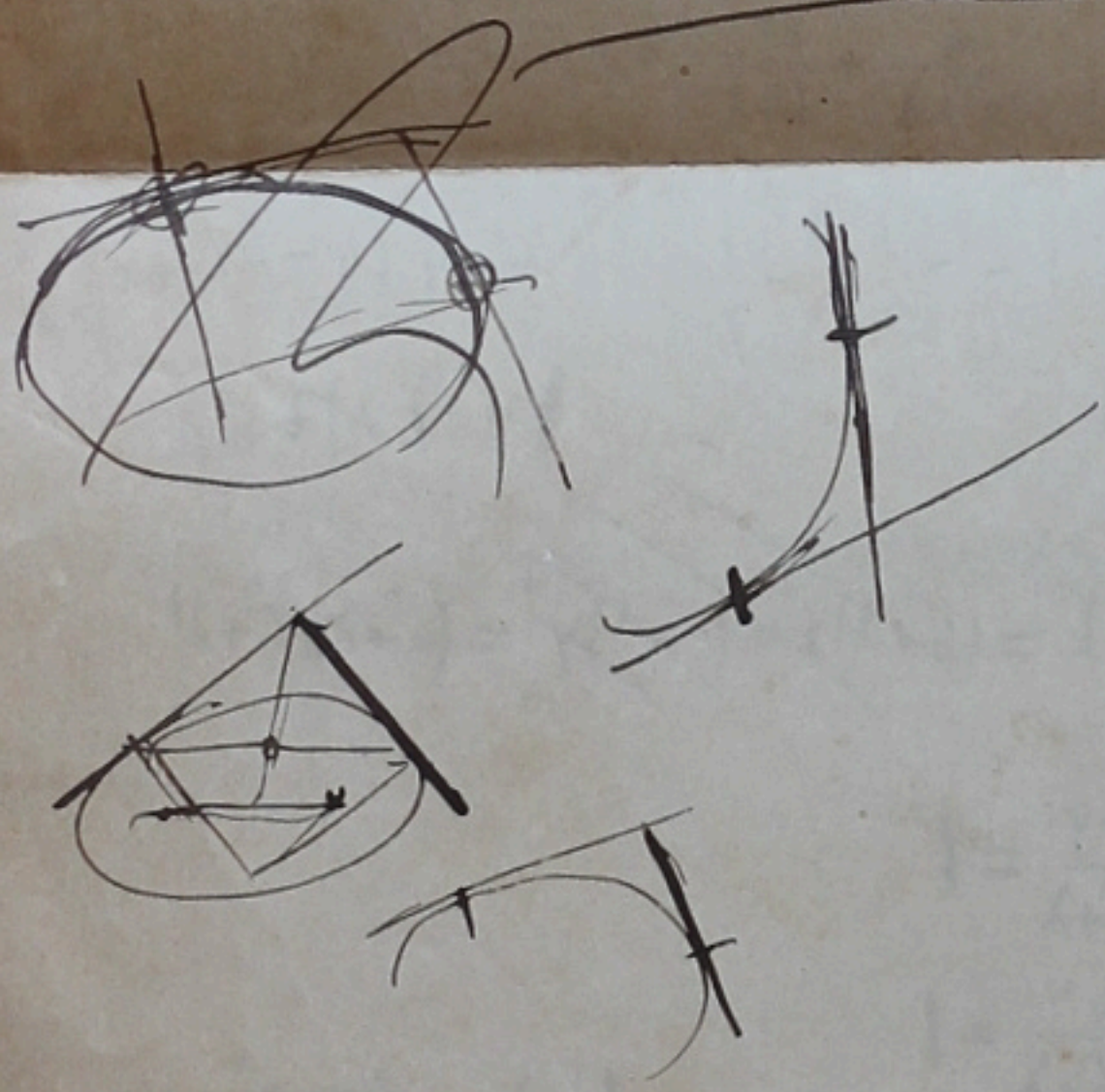


Rosace

~~Je vais de trouver le point de contact de la courbe de la section inférieure
 Je voudrais connaître une des géométries du théorème sur lequel on a basé
 une hypothèse, à savoir de la courbe de la section inférieure, le théorème de Graves
 soit N~~

Je vais de trouver que, si N est le point de contact de la courbe de la section inférieure, et si ce point se déplace sur la courbe de manière que NP-NQ reste constant, le lieu de N a une courbe du 2^e ordre, dont N, avec un autre point, double, les foyers sont les centres de courbure de la courbe, au point P et Q. Je vous envoie : 1^o une description de ce lieu. 2^o la démonstration de ce lieu. Je vous envoie également l'application du théorème de Graves à une courbe d'ellipse.

Rosace



17 Agosto, 1900.

17 Ago

I am very glad to hear
 - but I am sorry, very sorry
 you prefer continuous (not to be able
 to continue?) to write you in English,
 because I fear

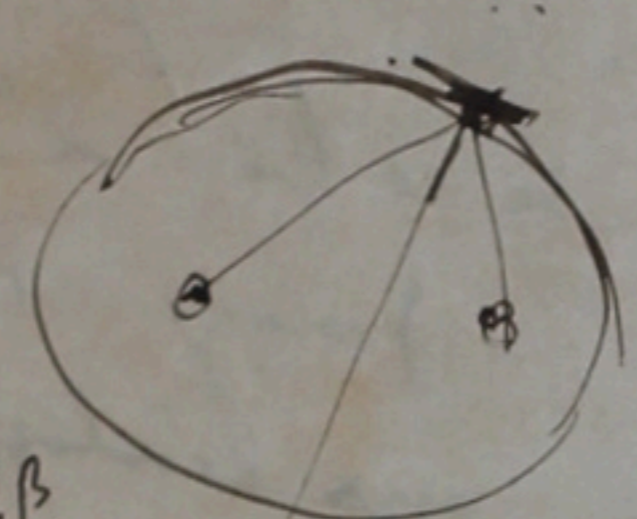
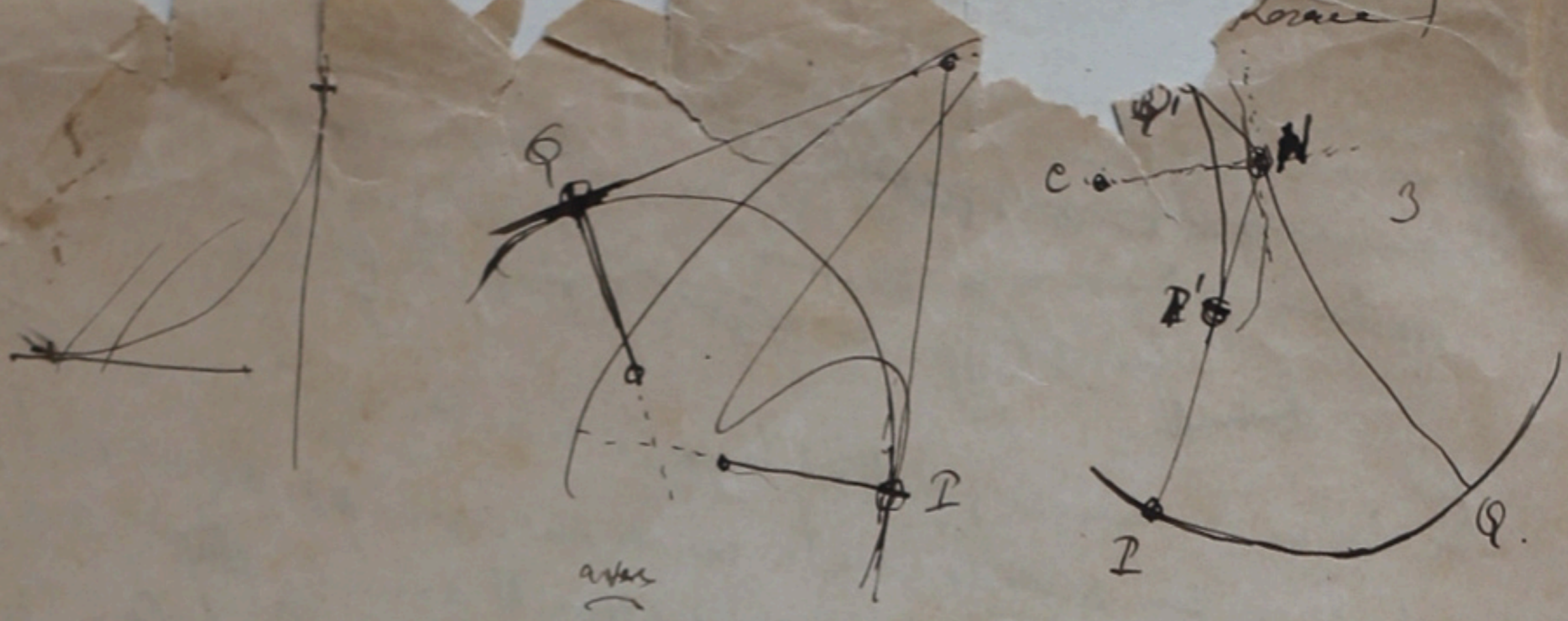
some "useless" mistakes

1 - 1/2

$$p' = (1+s') \cot \theta - 1 + \frac{y}{\rho} - (1+s') \cot \theta + \frac{x}{\rho} \cot \theta + \frac{y}{\sin^2 \theta} \left[\frac{1+s'}{\rho_1} - \frac{1}{\rho} \right]$$

$$p' = -1 + \frac{y \cot \theta}{\rho} + \frac{x \cot \theta}{\rho} + \frac{1+s'}{\rho_1 \sin^2 \theta} \rho + \cot \theta \frac{p \cot \theta}{\rho}$$

$$\left\{ \begin{aligned} p' &= -1 + \frac{p}{\rho} \cot \theta + \frac{\rho}{\rho_1} \frac{1+s'}{\sin^2 \theta} \\ q' &= (1+s') \left(1 - \frac{\rho}{\rho_1} \cot \theta \right) - \frac{p}{\rho \sin^2 \theta} \end{aligned} \right. \quad \left\{ \begin{aligned} q' &= \frac{1}{\sin^2 \theta} \left[(1+s') \frac{p \cot \theta}{\rho} - \frac{x}{\rho} \right] - \frac{y \cot \theta}{\sin^2 \theta} \frac{1+s'}{\rho_1} \\ q' &= 1+s' - \frac{p \cot \theta}{\rho \sin^2 \theta} - \frac{1+s'}{\rho_1} \frac{\rho \cot \theta}{\rho} \end{aligned} \right.$$



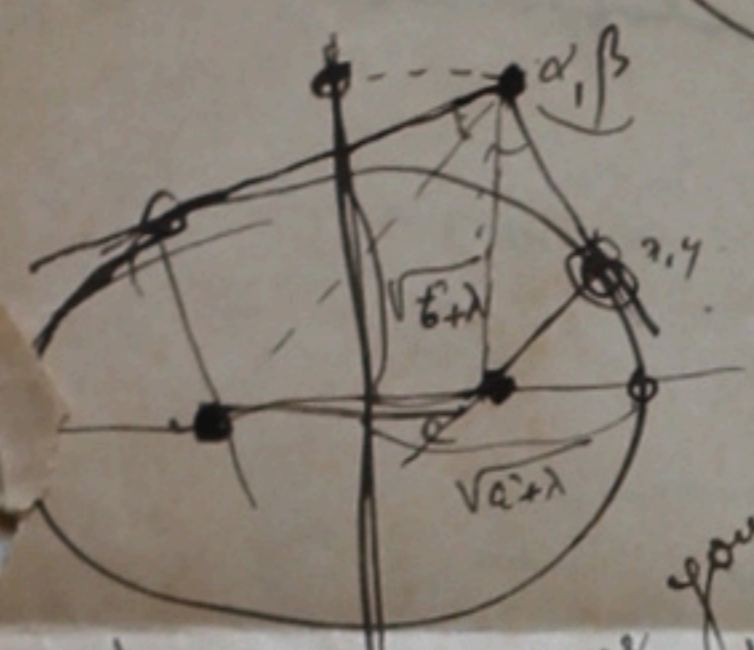
$$QN = QN = a \quad PN = QN = \text{constant}$$

$$QN = PN = a$$

$$PN = PP' + P'N$$

$$QN = QQ' + Q'N$$

$$PN - QN = P'N + Q'N - a \text{ or } PP'$$



$$a^2 - b^2 = c^2$$

$$(a^2 + \lambda) - (b^2 + \lambda) = c^2$$

$$\frac{x^2}{a^2 + \lambda} + \frac{y^2}{b^2 + \lambda} = 1$$

$$\frac{x}{a^2 + \lambda} + \frac{y}{b^2 + \lambda} = 0$$

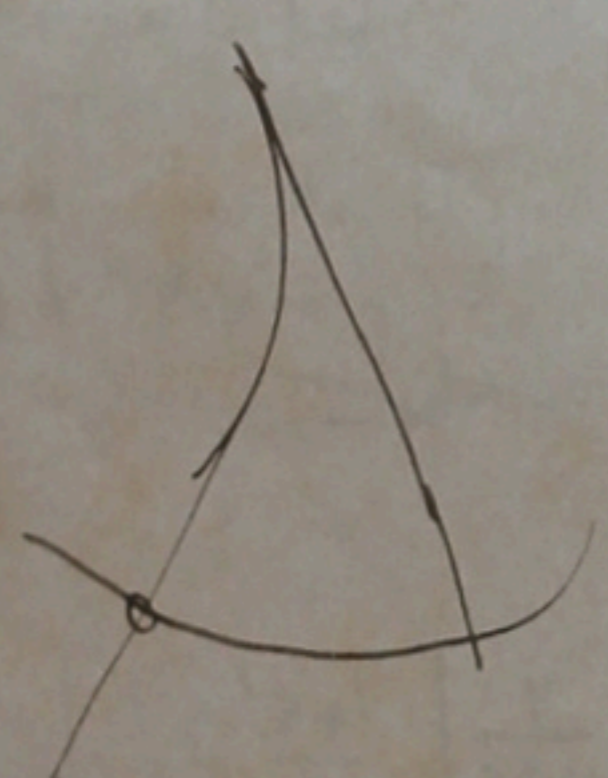
I will take pleasure in sending you the actual report tomorrow

$$Y - y + (X - x) \frac{(b^2 + \lambda)x}{(a^2 + \lambda)y} = 0$$

$$y' = - \frac{b^2 + \lambda}{a^2 + \lambda} \cdot \frac{x}{y}$$

$$-\alpha y (y^2 - \beta y) + c^2 (-\alpha y + \beta) = 0$$

$$(b^2 + \lambda)xX + (a^2 + \lambda)yY = (b^2 + \lambda)x' + (a^2 + \lambda)y' = (a^2 + \lambda)(b^2 + \lambda)$$



$$\begin{cases} \frac{\alpha x}{a^2 + \lambda} + \frac{\beta y}{b^2 + \lambda} = 1 \\ \frac{x^2}{a^2 + \lambda} + \frac{y^2}{b^2 + \lambda} = 1 \end{cases}$$

$$\frac{\alpha x - x^2}{a^2 + \lambda} + \frac{\beta y - y^2}{b^2 + \lambda} = 0$$

$$\frac{b^2 + \lambda}{a^2 + \lambda} = \frac{\beta y - y^2}{x^2 - \alpha x}$$

$$\frac{a^2 + \lambda}{c^2} = \frac{(x^2 - \alpha x)c^2}{x^2 + y^2 - \alpha x - \beta y}$$

$$b^2 + \lambda = \frac{(\beta y - y^2)c^2}{x^2 + y^2 - \alpha x - \beta y}$$

$$\frac{\alpha x}{(x^2 - \alpha x)\lambda} + \frac{\beta y}{(\beta y - y^2)\lambda} = \frac{c^2}{x^2 + y^2 - \alpha x - \beta y} \lambda$$

$$\frac{\alpha(\beta - y) + \beta(x - \lambda)}{(x - \alpha)(\beta - y)} = \frac{c^2}{x^2 + y^2 - \alpha x - \beta y}$$

$$\frac{x - \alpha}{y - \beta}$$

$$(\beta x - \alpha y)(x^2 + y^2 - \alpha x - \beta y) + c^2 [xy - \alpha y - \beta x + \alpha \beta] = 0$$

$$\lambda^2 (x^2 - \alpha x) = c^2 (\lambda^2 + \beta) [\beta(x + \lambda) - \alpha(y + \beta)] [(x + \alpha)^2 + (y + \beta)^2 - \alpha(x + \alpha) - \beta(y + \beta)] + c^2 xy = 0$$